

مشخصات درس	مشخصات دانش آموز	مشخصات امتحان	مهر آموزشگاه نخبگان سرای دانش
نام درس: ریاضی دو	نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۱۶	
پایه و رشته: یازدهم تجربی	شماره صندلی:	ساعت برگزاری: ۱۰ صبح	
		مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه	
		تعداد صفحه: ۳	

طراح: خانم نیک نظر

### پاسخ تمامی سؤال‌ها را در پاسخ‌نامه وارد کنید

ردیف	بارم	مشخصات امتحان
۱		درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را با ✓ یا ✗ مشخص کنید. الف. دو خط $0 = 5 + 6x + 3y$ و $y = 2x + 3$ با هم موازی‌اند. ب. مجموع ریشه‌های معادله $0 = 2 - 9x + 3x^2$ برابر ۳ است. پ. در برهان خلف، فرض خلف باطل و درستی حکم ثابت می‌شود. ت. دامنه‌ی $f(x) = \frac{x-5}{x+5}$ با مجموعه‌ی اعداد حقیقی برابر است.
۲	۱	در جاهای خالی کلمه یا عبارت مناسب را بنویسید. الف. مقدار ماکزیمم $-5 - 2x^2 + 8x$ برابر ..... است. ب. هر نقطه که از دو ضلع زاویه به فاصله یکسان باشد، روی ..... قرار دارد. پ. در دو مثلث با نسبت تشابه $\frac{2}{3}$ ، نسبت مساحت‌ها برابر است با ..... . ت. دامنه‌ی تابع $f(x) = \sqrt{1-x}$ برابر است با ..... .
۳	۱/۵	در هر مورد گزینه‌ی درست را انتخاب کنید. الف. اگر $\frac{a}{b} = \frac{a}{10+a} + \frac{b}{8+b}$ آن‌گاه نسبت $\frac{a}{b}$ کدام است? <input type="checkbox"/> ۱) $\frac{5}{3}$ <input type="checkbox"/> ۲) $\frac{3}{5}$ <input type="checkbox"/> ۳) $\frac{5}{4}$ <input type="checkbox"/> ۴) $\frac{4}{5}$ ب. در تابع $f(x) = \frac{x}{x-1}$ ، مقدار $f^{-1}(3)$ برابر کدام گزینه است? <input type="checkbox"/> ۱) $1$ <input type="checkbox"/> ۲) $2$ <input type="checkbox"/> ۳) $\frac{2}{3}$ <input type="checkbox"/> ۴) $\frac{3}{2}$ پ. حاصل عبارت $\left[\frac{-1}{2}\right] + \left[\frac{45}{41}\right]$ کدام است? <input type="checkbox"/> ۱) $2$ <input type="checkbox"/> ۲) $-1$ <input type="checkbox"/> ۳) $0$ <input type="checkbox"/> ۴) $1$
۴	۱/۵	یکی از اضلاع مربعی بر خط $1 - 2x = y$ واقع است؛ اگر $A(3,0)$ یکی از رئوس این مربع باشد، مساحت آن را بدست آورید.
۵	۱	معادله‌ی درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن $2 + \sqrt{3}$ و $2 - \sqrt{3}$ باشد.
۶	۱	معادله‌ی سهمی مقابل را بنویسید. 

معادلات زیر را حل کنید.

۲. الف.  $\frac{2}{x} + \frac{3x}{x+2} = \frac{x}{x^2+2x}$

ب.  $x + \sqrt{x+4} = 2$

۷

اگر نقطه‌ی  $A$  به فاصله‌ی  $4\text{ cm}$  از خط  $d$  باشد، مثلث متساوی‌الساقینی را با استفاده از خطکش و پرگار رسم کنید که طول ساق آن  $6\text{ cm}$  باشد.

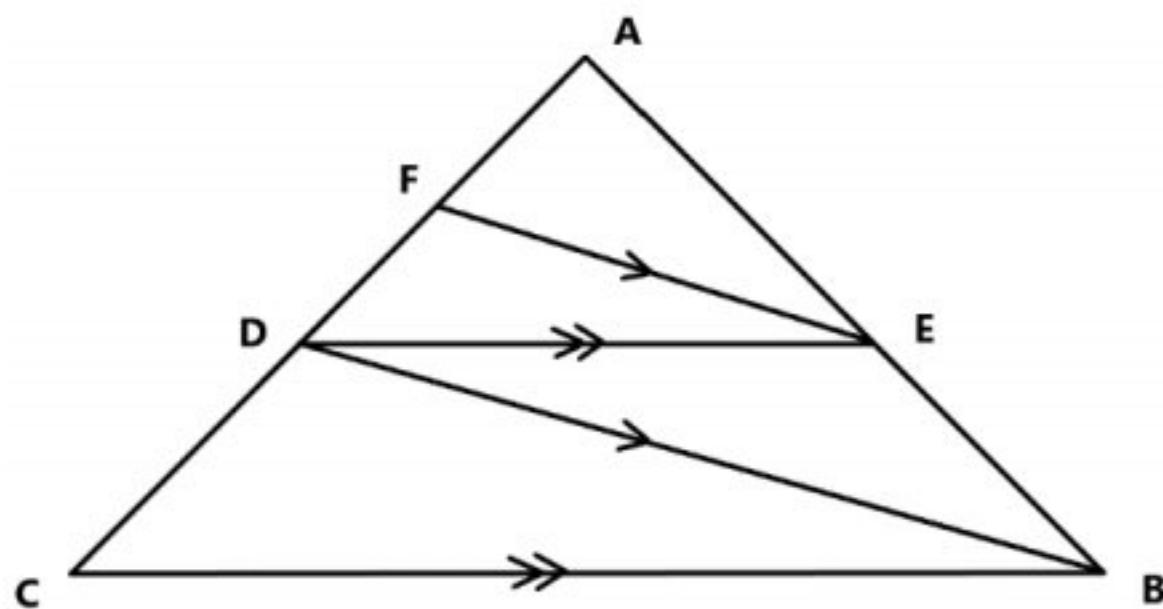
۸

۸

در شکل مقابل  $DF = 8$  و  $AF = 5$  ،  $DE \parallel CB$ ،  $FE \parallel DB$  است؛  
اندازه‌ی  $AC$  را بدست آورید.

۹/۵

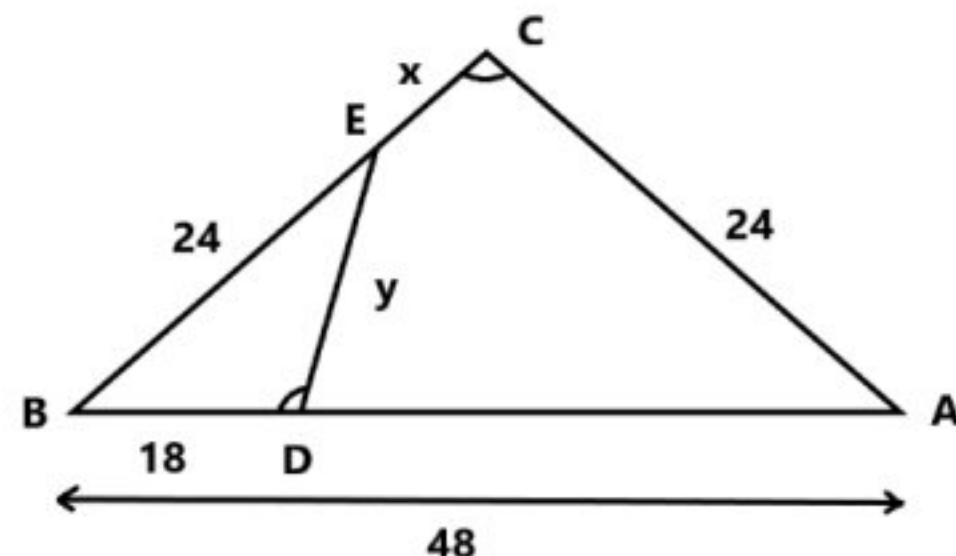
۹



در شکل مقابل  $\hat{C} = \widehat{BDE}$  است؛ مقدار  $x$  و  $y$  را پیدا کنید.

۱۰/۵

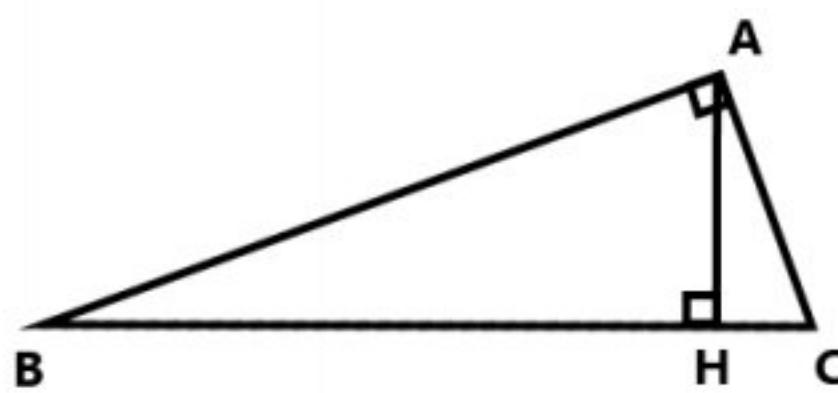
۱۰



۱۱/۵

۱۱

در مثلث قائم‌الزاویه‌ی زیر  $BH = 9$  و  $BC = 10$  می‌باشد؛  
را بدست آورید  $AC$  و  $AB$  و  $AH$ .



۱۲

۱۲

آیا دو تابع با ضابطه‌های  $f(x) = \frac{x^3+x}{x^2+1}$  و  $f(x) = x$  با هم برابرند؟ چرا؟

نمودار هر یک از توابع زیر را رسم کنید و دامنه و برد هر یک را بدست آورید.

الف.  $y = 1 + \sqrt{x - 2}$

۲

ب.  $y = 2[x] + 3 \quad x \in [-2, 1)$

۱۳

۱

ضابطه‌ی وارون تابع  $f(x) = -2\sqrt{x} + 1$  را بدست آورید.

۱۴

۱/۵

اگر  $\{(-1, 2), (0, 3), (2, 4), (3, 0)\}$  و  $f = \{(2, 5), (3, 4), (0, -2)\}$  باشد. مطلوب است:

الف. تابع  $\frac{f}{g}(x)$  را به صورت مجموعه‌ای از زوج مرتب‌ها بنویسید.

ب. حاصل  $(f - 2g)(2)$  را بدست آورید.

۱۵